

令和7年度

専攻科入学者学力選抜検査問題

(数 学)

| | |
|------|--|
| 受験番号 | |
|------|--|

(注 意)

- 1 指示があるまで開かないでください。
- 2 問題用紙は1ページから7ページまでです。試験開始の合図のあとで確認してください。

独立行政法人国立高等専門学校機構

福井工業高等専門学校

1 以下の問いに答えなさい。

(1) 極限 $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2}{1 - \cos x}$ を調べなさい。

(2) 自然数 n に対して, $I_n = \int_0^1 x \cos(n\pi x) dx$ を求めなさい。

(3) p, q を実数とするとき, $\mathbf{a} = \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \\ 3 \end{pmatrix}$, $\mathbf{b} = \begin{pmatrix} p \\ 4 \\ q \end{pmatrix}$, について, \mathbf{a} と \mathbf{b} が互いに平行となるような p, q の値を求めなさい.

(4) p, q を実数とするとき, $\mathbf{a} = \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \\ 3 \end{pmatrix}$, $\mathbf{b} = \begin{pmatrix} p \\ 4 \\ q \end{pmatrix}$, $\mathbf{c} = \begin{pmatrix} 1 \\ -1 \\ -1 \end{pmatrix}$ について, \mathbf{a} と \mathbf{b} , \mathbf{b} と \mathbf{c} が互いに垂直となるような p, q の値を求めなさい.

2 以下の微分方程式について答えなさい。ただし、 y は x の関数とする。

(1) $y'' + 4y = 0$ の一般解を求めなさい。

(2) $y'' + 4y = \sin 2x$ の解の 1 つを $y = x(p \cos 2x + q \sin 2x)$ とするとき、定数 p, q の値を求めなさい。

(3) $y'' + 4y = \sin 2x$ の一般解を求めなさい。

3 行列 $A = \begin{pmatrix} -2 & 1 \\ -4 & 3 \end{pmatrix}$ について, 以下の問い合わせに答えなさい.

(1) 行列 A の固有値および固有ベクトルを求めなさい.

(2) 行列 A の対角化行列 P を求めて, A を対角化しなさい.

4 媒介変数表示

$$\begin{cases} x = e^{-t} \cos t \\ y = e^{-t} \sin t \end{cases}$$

で表される曲線について、以下の問い合わせに答えなさい。

(1) $\left(\frac{dx}{dt}\right)^2 + \left(\frac{dy}{dt}\right)^2$ を求めなさい。

(2) $0 \leqq t \leqq \pi$ における、曲線

$$\begin{cases} x = e^{-t} \cos t \\ y = e^{-t} \sin t \end{cases}$$

の長さ L を求めなさい。

5 以下の問いに答えなさい。

(1) 領域 $D = \{(x, y) \mid 1 \leq x^2 + y^2 \leq 4, y \geq 0, y \geq x\}$ を図示しなさい。

(2) 2重積分 $\iint_D \frac{x^2}{\sqrt{x^2 + y^2}} dx dy$ の値を求めなさい。

〔6〕 条件 $x - y = 1$ のもとでの、2 変数関数 $z = 4 - x^2 - 2y^2$ の最大値を求めなさい。